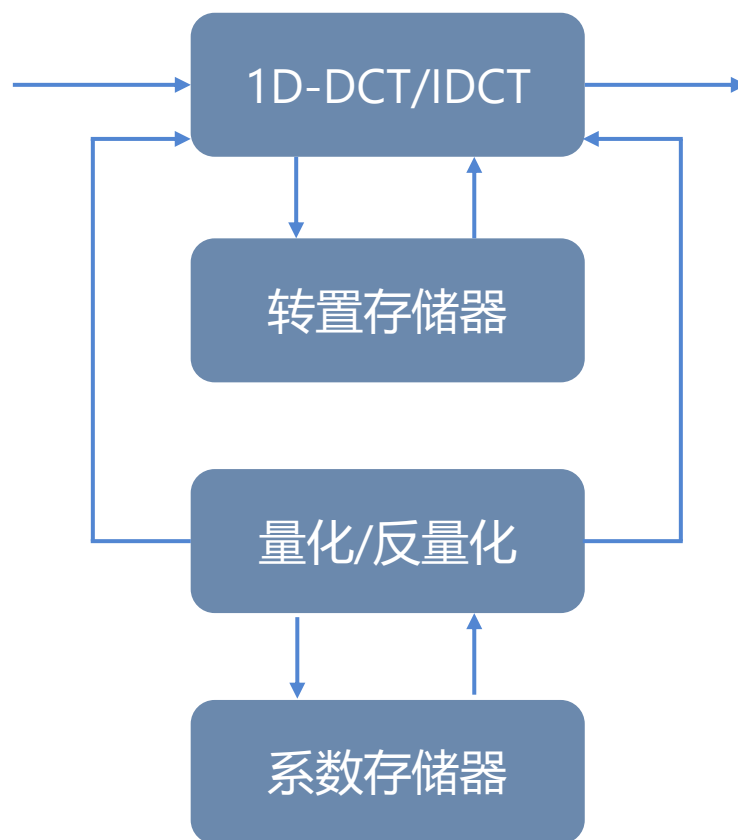


# DCT与量化的基本结构

作者 魏家聪

日期 2017.01.13

# DCT与量化的基本结构



# DCT所使用的算法

$$\mathbf{DCT} \quad K_N = A_N * F_N * A_N^T$$

$$\mathbf{IDCT} \quad F_N = A_N^T * K_N * A_N$$

$$\begin{bmatrix} 64 & 64 & 64 & 64 \\ 83 & 36 & -36 & -83 \\ 64 & -64 & -64 & 64 \\ 36 & -83 & 83 & -36 \end{bmatrix}$$

4x4 的 $A_N$ 矩阵

# DCT所使用的算法

$$\begin{bmatrix} 64 & 64 & 64 & 64 \\ 83 & 36 & -36 & -83 \\ 64 & -64 & -64 & 64 \\ 36 & -83 & 83 & -36 \end{bmatrix}$$

$A_N$ 矩阵的左右两侧有很强的对称性

# DCT所使用的算法

$$\begin{bmatrix} 64 & 64 & 64 & 64 & 64 & 64 & 64 & 64 \\ 89 & 75 & 50 & 18 & -18 & -50 & -75 & -89 \\ 83 & 36 & -36 & -83 & -83 & -36 & 36 & 83 \\ 75 & -18 & -89 & -50 & 50 & 89 & 18 & -75 \\ 64 & -64 & -64 & 64 & 64 & -64 & -64 & 64 \\ 50 & -89 & 18 & 75 & -75 & -18 & 89 & -50 \\ 36 & -83 & 83 & -36 & -36 & 83 & -83 & 36 \\ 18 & -50 & 75 & -89 & 89 & -75 & 50 & -18 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 64 & 64 & 64 & 64 \\ 83 & 36 & -36 & -83 \\ 64 & -64 & -64 & 64 \\ 36 & -83 & 83 & -36 \end{bmatrix}$$

$A_N$ 矩阵的偶数行可以生成 $A_{N/2}$ 矩阵

# 1D-DCT所使用的算法

$$\begin{aligned} Y_N &= A_N \times X_N^T \\ &= P_N \times \begin{bmatrix} A_{N/2} & 0 \\ 0 & R_{N/2} \end{bmatrix} \times B_N \times X_N^T \\ &= P_N \times \begin{bmatrix} A_{N/2} \times Q_A \\ R_{N/2} \times Q_S \end{bmatrix} \\ &= P_N \times H_N \end{aligned}$$

$$B_N \times X_N^T$$

N点蝶形运算

$$A_{N/2} \times Q_A$$

$$R_{N/2} \times Q_S$$

N/2点DCT

N/2点矩阵向量积

$$P_N \times H_N$$

N点排序

# 1D-DCT所使用的算法：系数缩放

## DCT

$$Y = (X + offset) \gg [(M - 1) + (B - 8)]$$

第一次变换

$$offset = 1 \ll [(M - 2) + (B - 8)]$$

$$Y = (X + offset) \gg (M + 6)$$

第二次变换

$$offset = 1 \ll (M + 5)$$

**B:** Bit Depth

**N:** 变换尺寸

## IDCT

$$Y = (X + offset) \gg 7$$

第一次变换

$$offset = 1 \ll 6$$

**M:**  $\log_2(N)$

$$Y = (X + offset) \gg (20 - B)$$

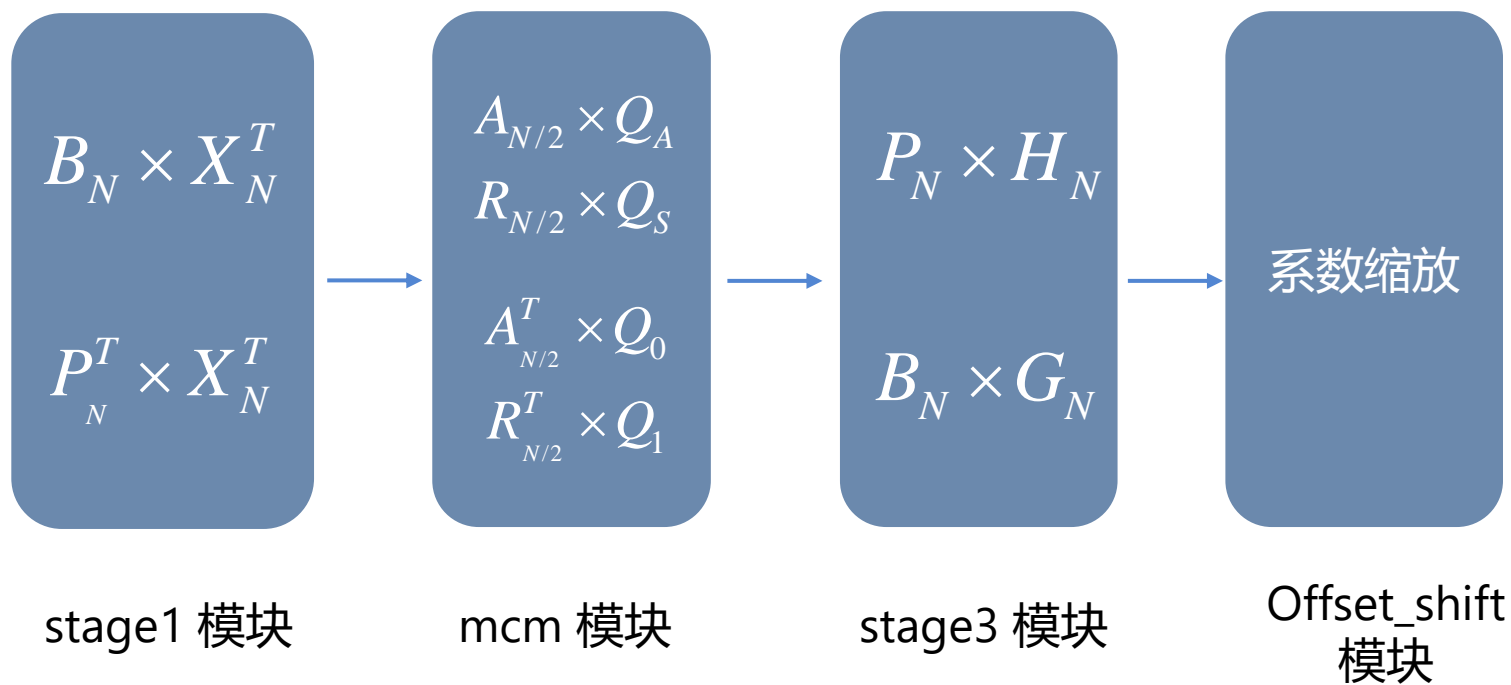
第二次变换

$$offset = 1 \ll (19 - B)$$

**保证 DCT 的最终输出为 16bit**

# 1D-DCT的结构

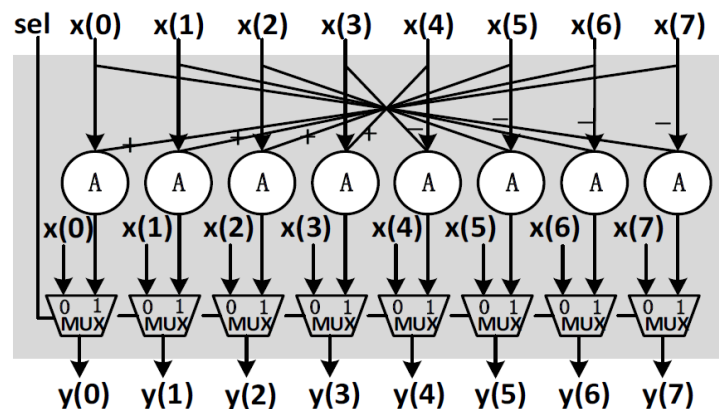
(以DCT为例)





# 1D-DCT的结构

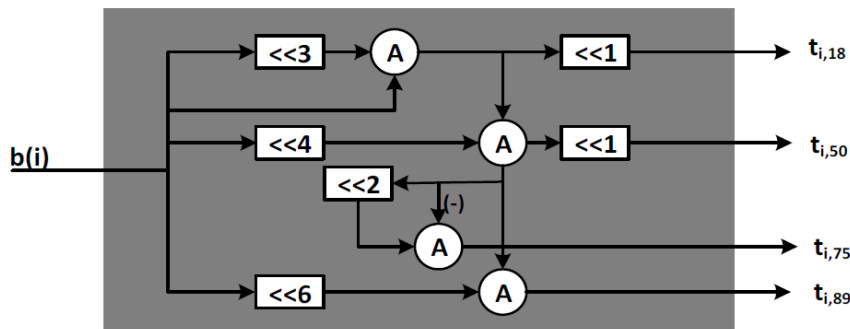
$$B_8 * X_8^T = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & -1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & -1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & -1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & -1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_0 \\ x_1 \\ x_2 \\ x_3 \\ x_4 \\ x_5 \\ x_6 \\ x_7 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} x_0 + x_7 \\ x_1 + x_6 \\ x_2 + x_5 \\ x_3 + x_4 \\ x_3 - x_4 \\ x_2 - x_5 \\ x_1 - x_6 \\ x_0 - x_7 \end{bmatrix}$$



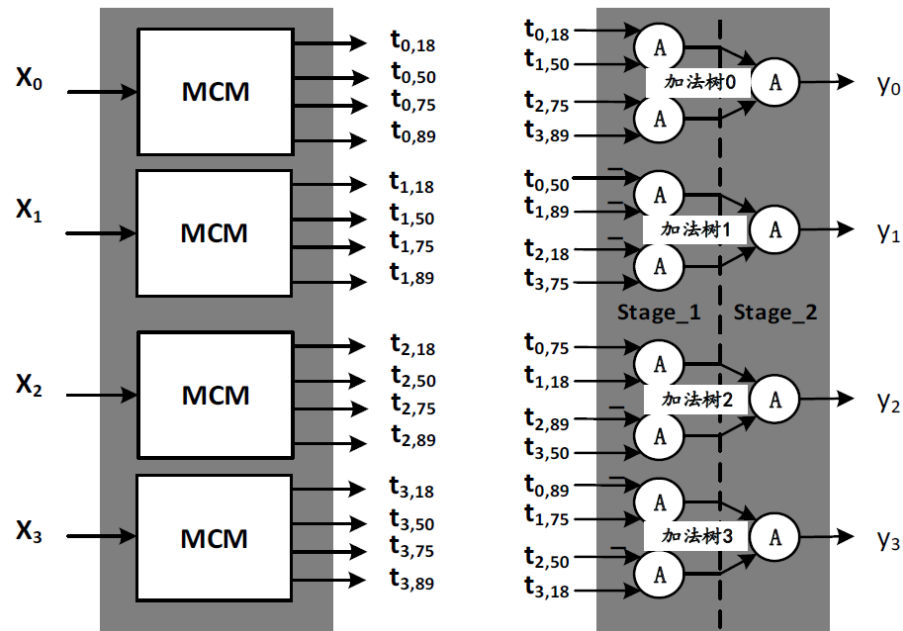
$$B_N \times X_N^T$$

# 1D-DCT的结构

$$R_4 * X_4^T = \begin{bmatrix} 18 & 50 & 75 & 89 \\ -50 & -89 & -18 & 75 \\ 75 & 18 & -89 & 50 \\ -89 & 75 & -50 & 18 \end{bmatrix} * \begin{bmatrix} x_0 \\ x_1 \\ x_2 \\ x_3 \end{bmatrix}$$



**$R_4$ 的MCM模块**

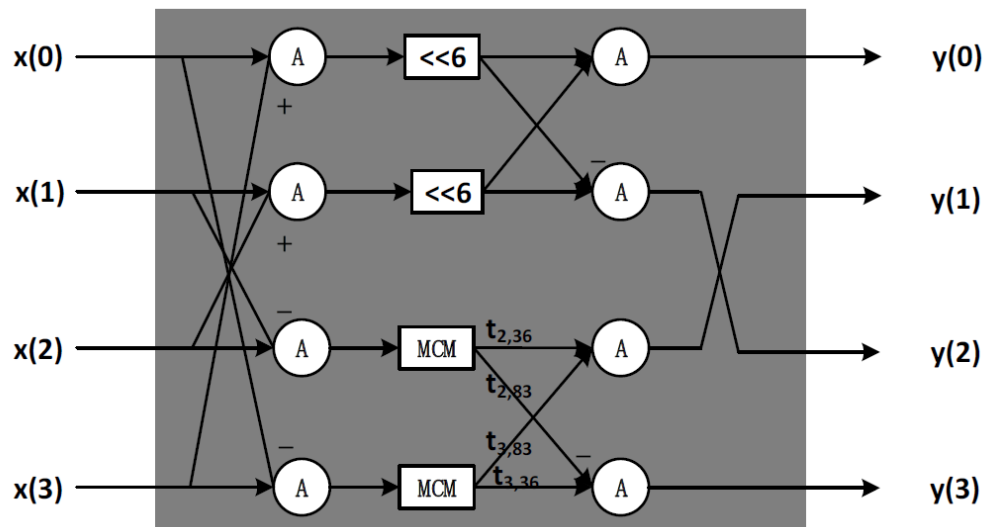


**$R_4$ 乘法模块**

$$R_{N/2} \times Q_S$$

# 1D-DCT的结构

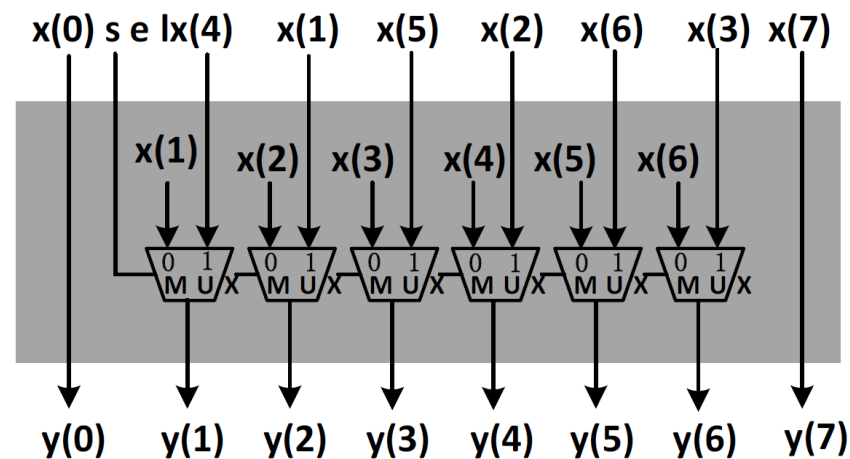
$$A_4 = P_4 \times \begin{bmatrix} A_2 & 0 \\ 0 & R_2 \end{bmatrix} \times B_4, \quad A_2 = \begin{bmatrix} 64 & 64 \\ 64 & -64 \end{bmatrix}, \quad R_2 = \begin{bmatrix} 36 & 83 \\ -83 & 36 \end{bmatrix}$$



$$A_4 \times Q_A$$

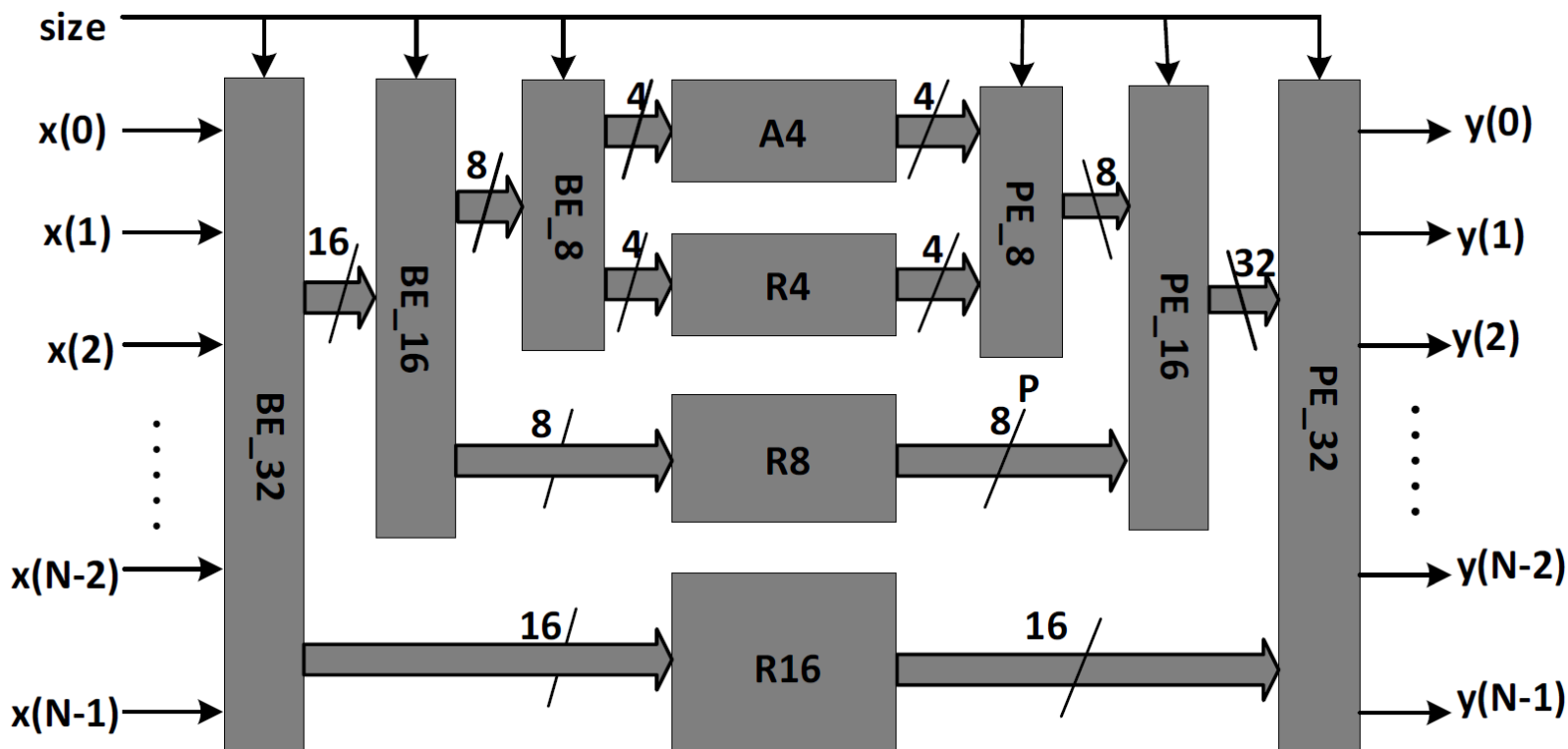
# 1D-DCT的结构

$$P_8 * X_8^T = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_0 \\ x_1 \\ x_2 \\ x_3 \\ x_4 \\ x_5 \\ x_6 \\ x_7 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} x_0 \\ x_4 \\ x_1 \\ x_5 \\ x_2 \\ x_6 \\ x_3 \\ x_7 \end{bmatrix}$$



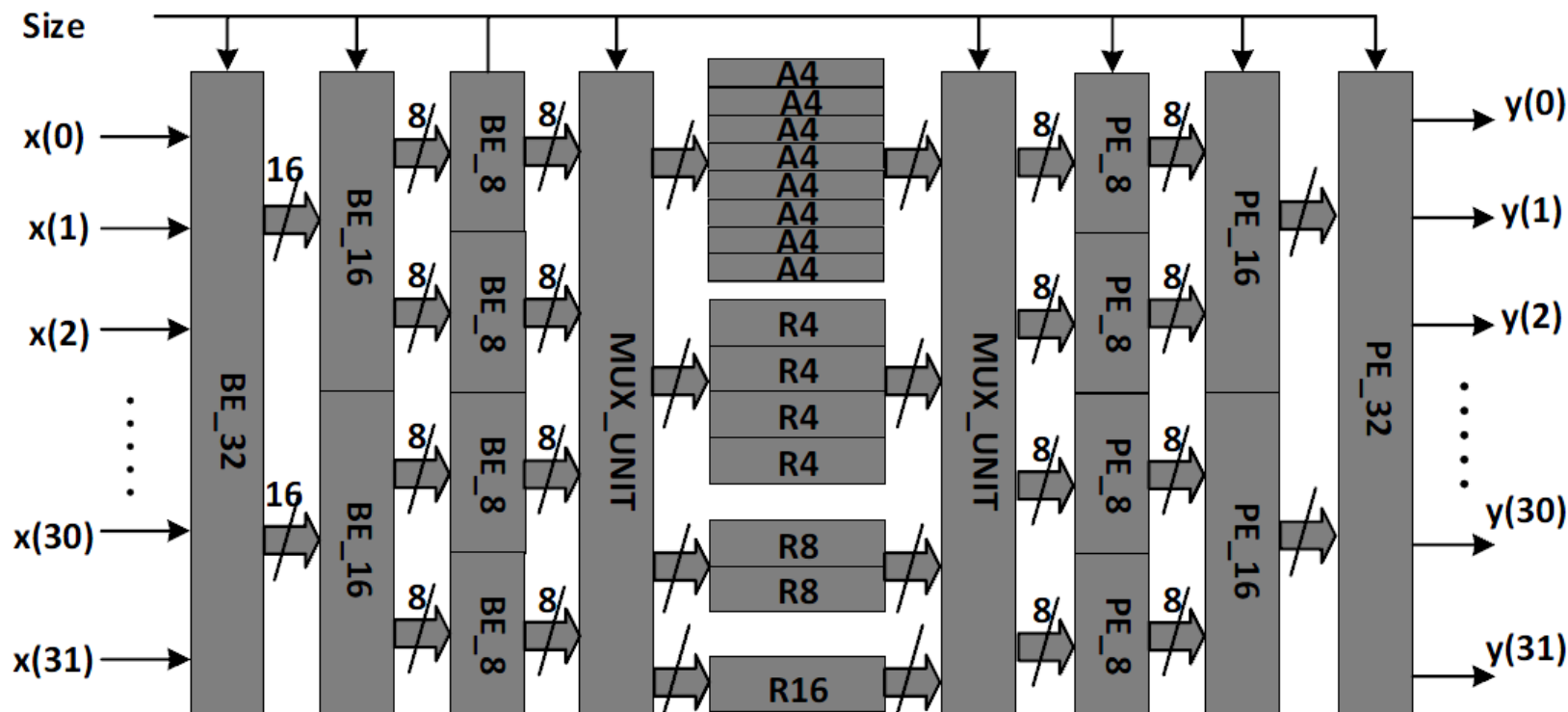
$$P_N \times H_N$$

# 1D-DCT的结构



若简单连接各个模块，一次只能进行一次矩阵变换

# 1D-DCT的结构



**为提高吞吐量，可计算多个尺寸小于 32 的向量**

# 1D-DCT的复用

$$\begin{aligned} Y_N &= A_N \times X_N^T \\ &= P_N \times \begin{bmatrix} A_{N/2} & 0 \\ 0 & R_{N/2} \end{bmatrix} \times B_N \times X_N^T \\ &= P_N \times \begin{bmatrix} A_{N/2} \times Q_A \\ R_{N/2} \times Q_S \end{bmatrix} \\ &= P_N \times H_N \end{aligned}$$

**DCT的算法**

$$\begin{aligned} Y_N &= A_N^T \times X_N^T && *B_N^T = B_N \\ &= B_N \times \begin{bmatrix} A_{N/2}^T & 0 \\ 0 & R_{N/2}^T \end{bmatrix} \times P_N^T \times X_N^T \\ &= B_N \times \begin{bmatrix} A_{N/2}^T \times Q_0 \\ R_{N/2}^T \times Q_1 \end{bmatrix} \\ &= B_N \times G_N \end{aligned}$$

**IDCT的算法**

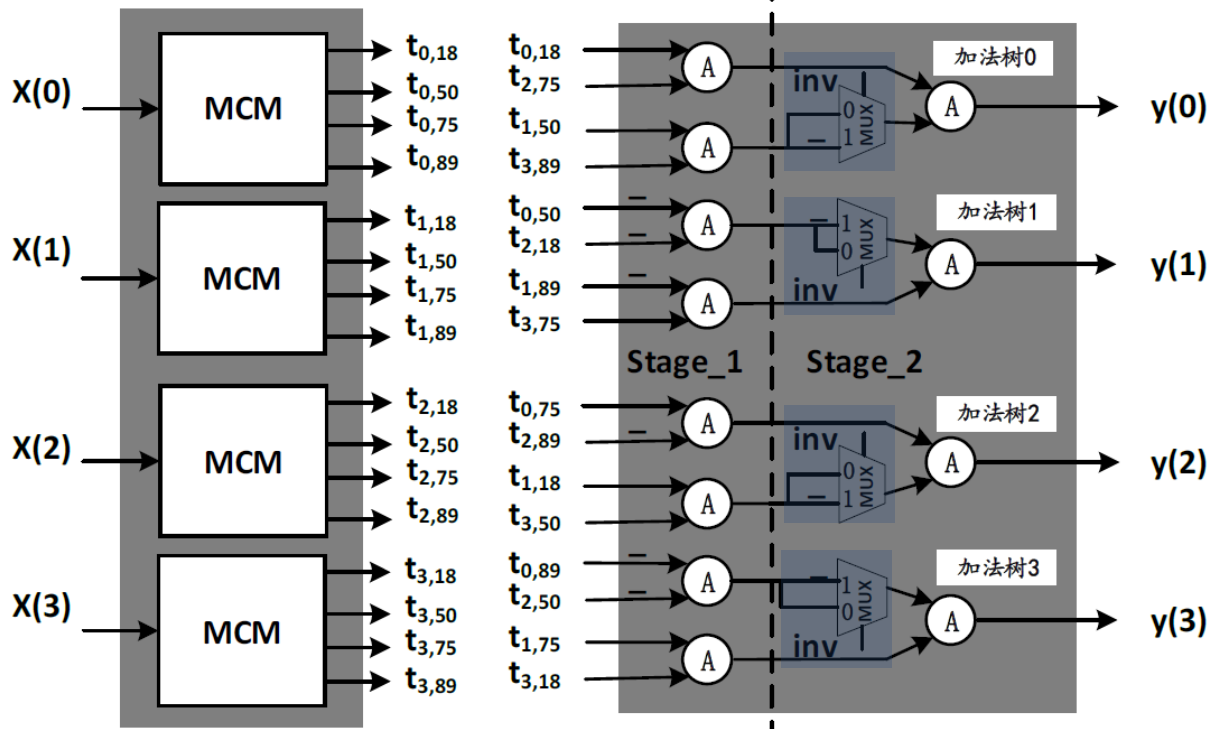
# 1D-DCT的复用

$$\begin{bmatrix} 18 & 50 & 75 & 89 \\ -50 & -89 & -18 & 75 \\ 75 & 18 & -89 & 50 \\ -89 & 75 & -50 & 18 \end{bmatrix}$$

$R_4$

$$\begin{bmatrix} 18 & -50 & 75 & -89 \\ 50 & -89 & 18 & 75 \\ 75 & -18 & -89 & -50 \\ 89 & 75 & 50 & 18 \end{bmatrix}$$

$R_4^T$

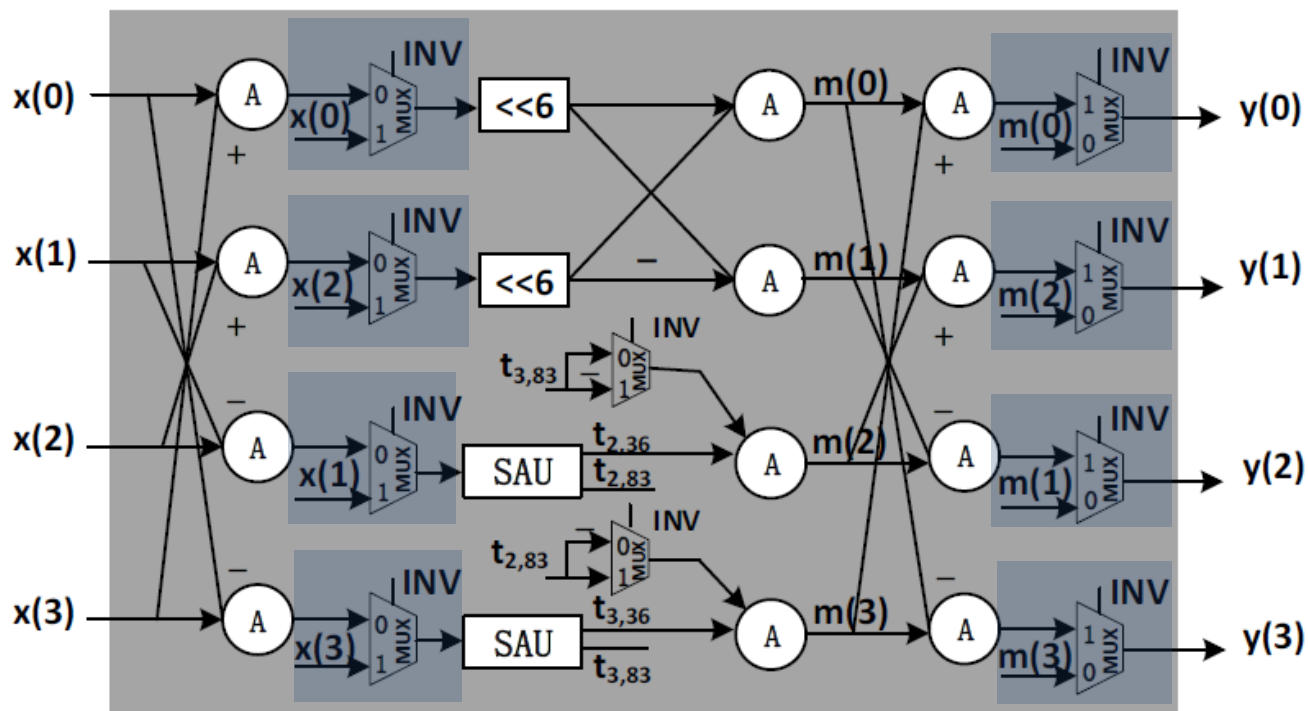


$R_{2/N}$ 乘法的复用

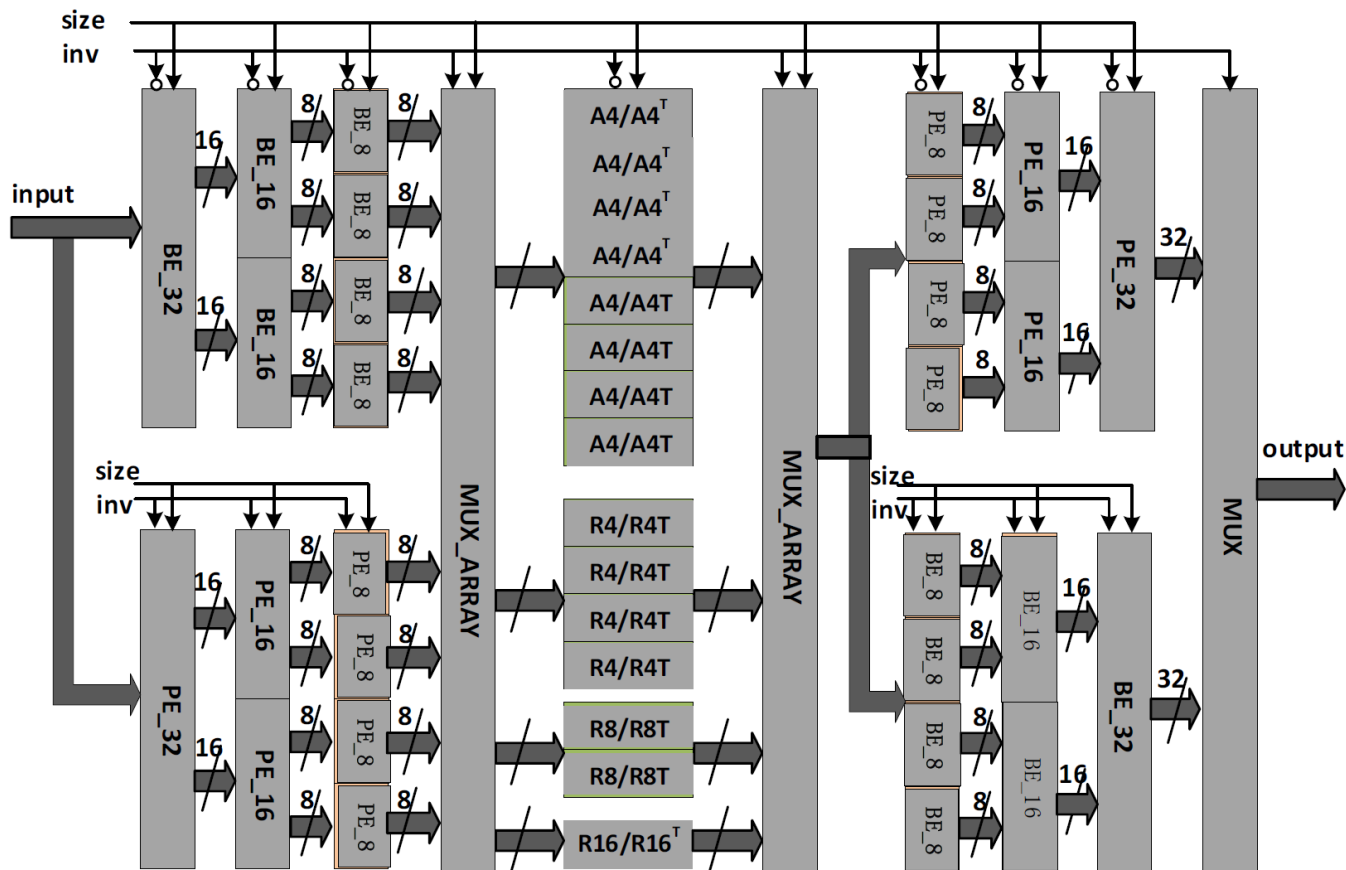


# 1D-DCT的复用

$$A_4^T = B_4 \times \begin{bmatrix} A_2^T & 0 \\ 0 & R_2^T \end{bmatrix} \times P_4^T, \quad A_2^T = \begin{bmatrix} 64 & 64 \\ 64 & -64 \end{bmatrix}, \quad R_2^T = \begin{bmatrix} 36 & -83 \\ 83 & 36 \end{bmatrix}$$

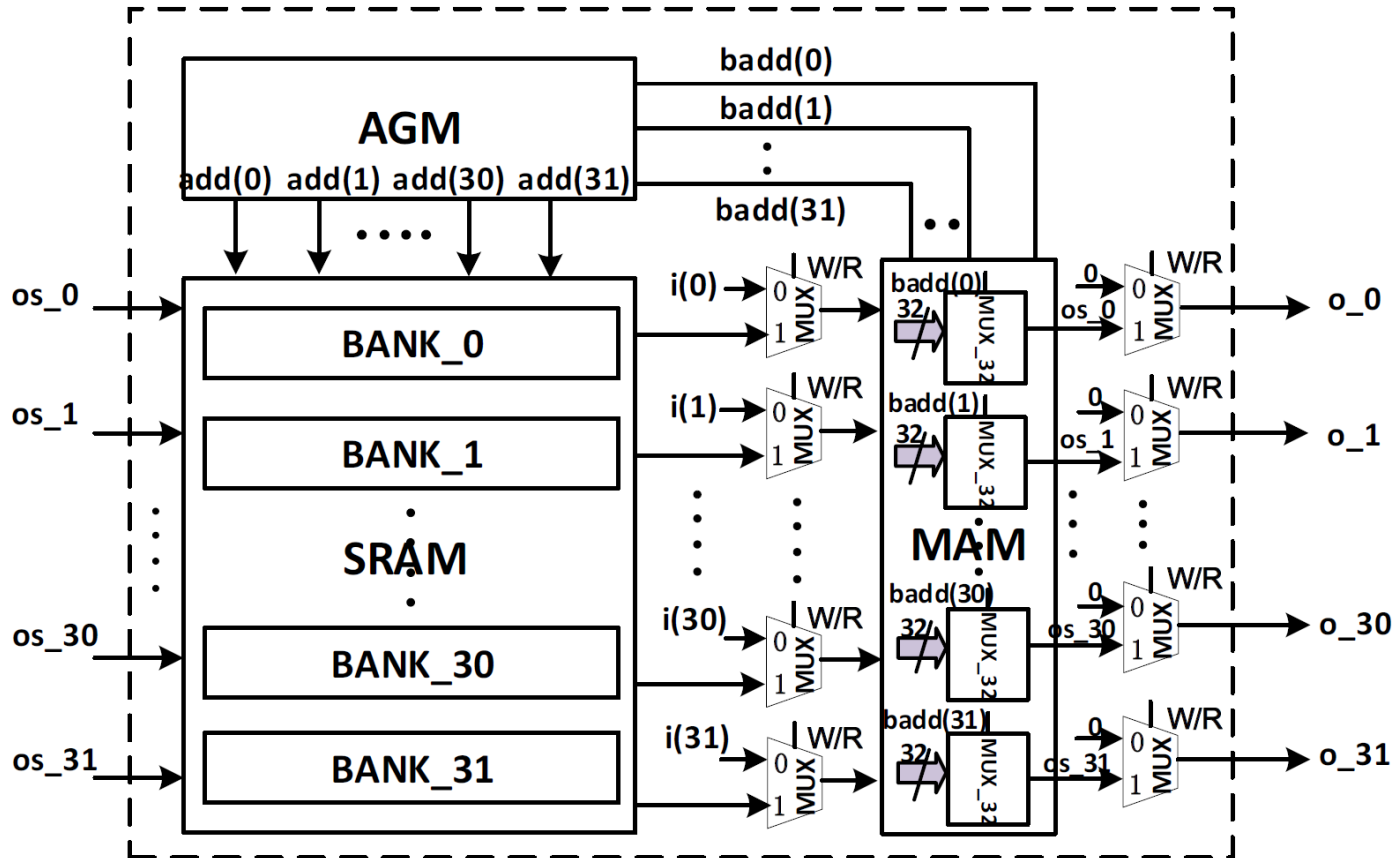


# 1D-DCT的复用



1D-DCT/IDCT 的高吞吐量复用结构

# 转置存储器结构



**SRAM** : 存储矩阵数据

**AGM** : 生成映射地址，完成矩阵转置

**MAM** : 对数据排序

## 量化

$$output = (input \times Q + offset) \gg (29 + QP / 6 - M - B)$$

$$Q = f(QP \% 6), f(x) = \begin{cases} 26214, x = 0 \\ 23302, x = 1 \\ 20560, x = 2 \\ 18396, x = 3 \\ 16384, x = 4 \\ 14564, x = 5 \end{cases} \quad offset = A_1 \ll A_2$$

**B:** Bit Depth

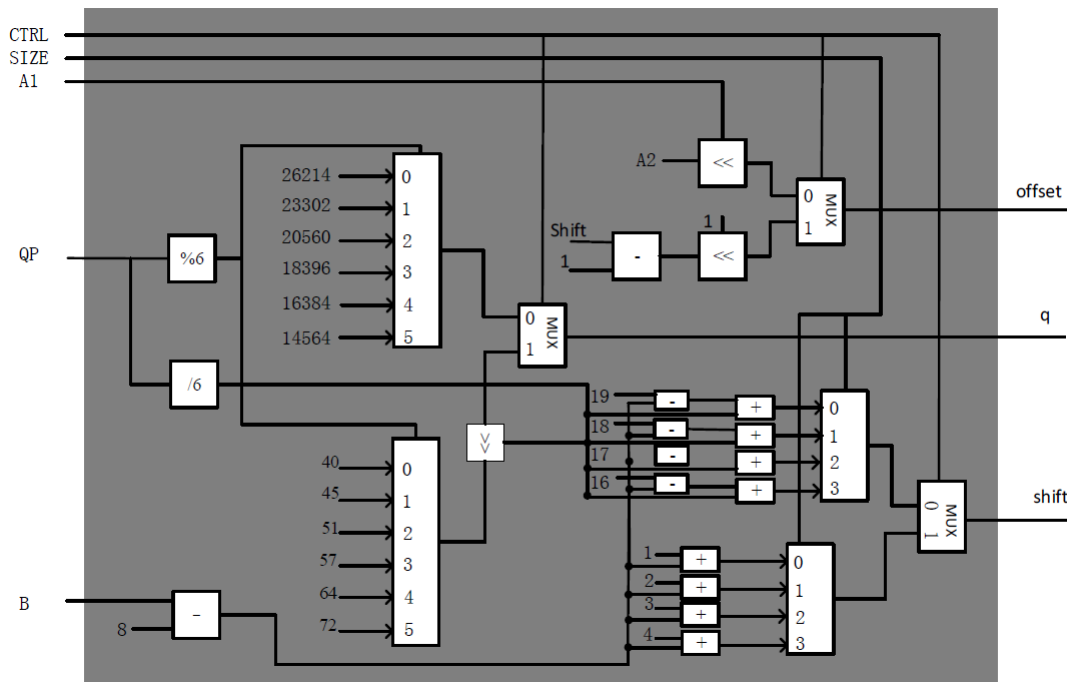
**N:** 变换尺寸

**M:**  $\log_2(N)$

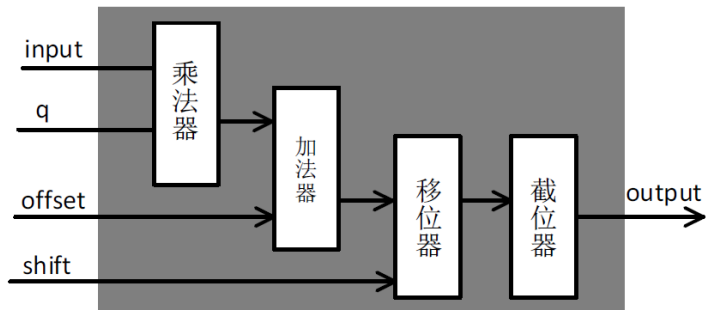
## 反量化

$$output = \min \left[ 32767, \max(-32768, \{ [(input \times Q) \ll (QP / 6) + offset] \gg (M + B - 9) \} \right]$$

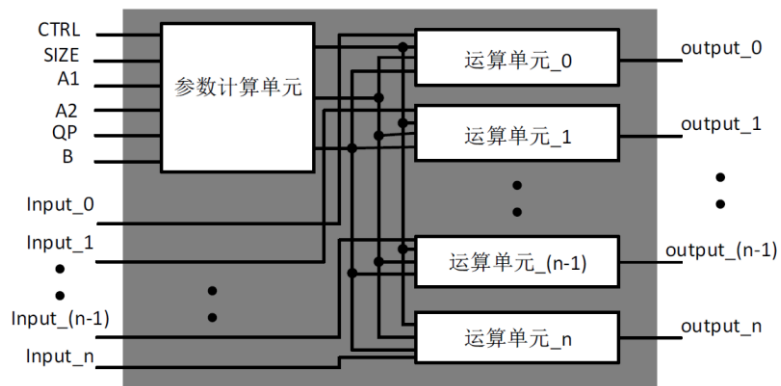
$$offset = 1 \ll (M + B - 10)$$



## 量化的参数计算单元



## 量化的运算单元



## 量化的整体结构

# DCT与量化部分的外部接口

**type\_i**: 0为intra模式，1为inter模式

**tq\_sel\_i**: 0x为亮度块，10为C<sub>b</sub>块，11为C<sub>r</sub>块

**tq\_size\_i**: TU尺寸，00为4x4，01为8x8，10为16x16，11为32x32

**tq\_idx\_i**: 残差输入计数器，最高计数值32

**tq\_cef\_i**: 输入的残差系数，每周期32点

**cef\_data\_i**: 编码数据输入

**rec\_idx\_o**: 输出计数器，最高计数值32

**rec\_data\_o**: 重建回路参差系数输出，每周期32点

**cef\_widx\_o**: 输出计数器，最高计数值32

**cef\_data\_o**: 编码码流输出，每周期32点

**输入数据:** line 1: QP  
line 2: TU\_size  
line 3-line NxN: 残差矩阵

**经过TQ模块处理后，与check文件进行比对。输入数据与check数据均可由HM生成**

1. 《HEVC 视频编码器中重建环路模块的VLSI 实现研究》, 谢峥, 范益波
2. 《High Efficiency Video Coding: Algorithms and Architectures》, V. Sze, etc.
3. 《High Efficiency Video Coding: Coding Tools and Specification》, M. Wien
4. 《Perceptual Image Coding with Discrete Cosine Transform》, E. Tan, etc.



# ASIC<sup>o</sup>

专注开源硬件 IP Core

[www.openasic.org](http://www.openasic.org)

# 谢谢！